

IX. Si $Z = 2 + i$, alors $Z + 2Z + \frac{1}{Z} = ?$

1. $\frac{32}{5} + \frac{6}{5}i$ 2. $\frac{32}{5} - \frac{6}{5}i$ 3. $\frac{6}{5} + \frac{32}{5}i$ 4. $\frac{6}{5} - \frac{32}{5}i$ 5. $\frac{9}{5} + \frac{28}{5}i$

X. On considère l'ensemble R_0 des réels non nuls muni de la loi « $*$ » définie par $\forall (a, b) \in R_0, a * b = \frac{ab}{3}$. Le symétrique de 6 pour la loi « $*$ » est :

1. $\frac{1}{6}$ 2. $\frac{3}{2}$ 3. 1 4. $\frac{1}{2}$ 5. 6

XI. On définit dans \mathcal{C} la loi de composition « $*$ » par $\forall Z = a + bi, \forall Z' = a' + b'i, Z * Z' = aa' + (ab' + a'b)i$ avec $(a, a', b, b') \in R^4$. On peut montrer que $(\mathcal{C}, +, *)$ a la structure d'anneau unitaire. Le symétrique de $3 + i$ pour la loi $*$ est :

1. $-2 - 9i$ 2. $\frac{1}{30} - \frac{i}{10}$ 3. $\frac{1}{3} - i$ 4. $-3 - 9i$ 5. $\frac{1}{3} - \frac{i}{9}$

XII. La forme trigonométrique du nombre complexe $Z = (1 + i)^n + (1 - i)^n$ est :

1. $2^{\frac{n+2}{2}} \cos n\frac{\pi}{4}$ 2. $\cos n\frac{\pi}{4}$ 3. $2^{\frac{1}{n}} \cos n\frac{\pi}{4}$ 4. $2^{\frac{2n+2}{2}} \cos n\frac{\pi}{4}$ 5. $2 \cos n\frac{\pi}{4}$

XIII. $\begin{cases} e^x \cdot e^y = 2 \\ \ln x + \ln y = \ln(x-1) + \ln(y+1) \end{cases}$ Ce système a pour solution le couple :

1. (2, -1) 2. $(\frac{2+\ln 2}{2}, \frac{\ln 2}{2})$ 3. $(\frac{e^2}{2}, 1 + \frac{e^2}{2})$ 4. (1, 0) 5. $(1 + \ln\sqrt{2}, \ln\sqrt{2})$

XIV.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^x - 2^x}{4x} =$$

www.ecoles-rdc.net

1. $2\ln 2$ 2. $\frac{\ln 3}{4}$ 3. $\frac{\ln 2}{2}$ 4. $\frac{\ln}{4}$ 5. $\ln 2$

XV. On donne la fonction $f(x) = \ln |x + \sqrt{1 + x^2}|$, $f(2)$ vaut

1. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ 2. $\sqrt{5} - 2$ 3. $6 - 2\sqrt{3}$ 4. $1 + \frac{2\sqrt{5}}{5}$ 5. $\sqrt{5}$

XVI. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{4x+1}{4x-2}\right)^{x+3} =$ 1. $e^{\frac{3}{2}}$ 2. $e^{\frac{2}{3}}$ 3. $e^{\frac{1}{2}}$ 4. $e^{\frac{4}{3}}$ 5. $e^{\frac{3}{4}}$

XVII. On donne la fonction $f: x \rightarrow \frac{e^x - 1}{\ln(1-x)}$. Le domaine de définition de f est :

1. $] -\infty, 0[\cup] 0, 1[$ 2. $] -\infty, 1[$ 3. $] 0, 1[$ 4. $] -\infty, 0[\cup] 0, +\infty[$
5. $] -\infty, 1[\cup] 1, +\infty[$

XVIII. Le coefficient du terme en x^3 dans le développement de Mac-Laurin de la fonction $f(x) = (x+1) \ln(x+1)$ est